

AKADEMIJA ŠUMADIJA
VISOKA TEHNIČKA MAŠINSKA ŠKOLA STRUKOVNIH
STUDIJA TRSTENIK

Zbirka zadataka – izvodi sa vežbi
(skripta)

**Tehnologije drumskog
transporta 2**

(JAVNI PREVOZ PUTNIKA)

Zadatak 1.

Na gradskoj liniji JGPP-a dužine $L=6$ [km] radi $N_1= 12$ [voz]. Koliko vozila istog kapaciteta i ostalih uslova prevoza treba da radi na liniji da bi se zadržao postojeći interval, ako se linija skrati $dL=2$ [km]?

$$i_1 = i_2$$

$$L_2 = L - dL = 6 - 2 = 4 \text{ [km]}$$

$$V_{01} = V_{02}$$

$$T_0 = \frac{2 \cdot L}{V_0}$$

$$i = \frac{T}{N} \rightarrow \frac{T_1}{N_1} = \frac{T_2}{N_2} \rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \frac{N_1}{N_2} \rightarrow \frac{\frac{2 \cdot L_1}{V_{01}}}{\frac{2 \cdot L_2}{V_{02}}} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{L_1}{L_2} = \frac{N_1}{N_2} \rightarrow N_2 = N_1 \cdot \frac{L_2}{L_1} = 12 \cdot \frac{4}{6}$$

$$N_2 = 8 \text{ [voz]}$$

Zadatak 2.

Na gradskoj liniji JP radi $N_1=10$ [voz]. Koliko vozila (istog kapaciteta) treba da radu ako se zadrži isti interval i ista brzina vozila, a linija produži za $dL=2$ [km]? Dužina linije je 10 [km].

$$L_2 = L_1 + dL = 12 \text{ [km]}$$

$$\frac{T_1}{N_1} = \frac{T_2}{N_2} \rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \frac{N_1}{N_2} \rightarrow \frac{\frac{2 \cdot L_1}{V_{01}}}{\frac{2 \cdot L_2}{V_{02}}} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$N_2 = N_1 \cdot \frac{L_2}{L_1} = 10 \cdot \frac{12}{10}$$

$$N_2 = 12 \text{ [voz]}$$

Zadatak 3.

Na gradskoj liniji radi $N_1=10$ [voz], sa intervalom sleđenja od $i=5$ [min]. Za koliko će se povećati interval sleđenja vozila na liniji, ako se isključi iz rada $dN=4$ [voz], a ostali uslovi prevoza ostanu isti.

$$N_2 = N_1 - dN = 10 - 4 = 6[\text{voz}]$$

$$i_1 = \frac{T_1}{N_1} \rightarrow T_1 = i_1 \cdot N_1 = 5 \cdot 10 = 50 [\text{voz}]$$

$$T_1 = T_2$$

$$i_2 = \frac{T_2}{N_2} = \frac{50}{6} = 8.33 [\text{min}]$$

Rešenje: Povećaće se za $d=3 [\text{min}]$.

Zadatak 4.

Na gradskoj liniji JP radi $N_1=10$ [voz]. Za koliko je moguće smanjiti broj vozila na liniji, ako se vreme obrta smanji sa $dT=10\%$, a ostali uslovi prevoza ostanu isti (interval, kapacitet vozila, ...)?

$$i_1 = i_2 \rightarrow \frac{T_1}{N_1} = \frac{T_2}{N_2}$$

$$\frac{T_1}{N_1} = \frac{0.9 \cdot T_1}{N_2} \rightarrow N_2 = \frac{0.9 \cdot T_1 \cdot N_1}{T_1} = 0.9 \cdot N_1$$

$$N_2 = 0.9 \cdot 10 = 9[\text{voz}]$$

Rešenje: Moguće je smanjiti za 1 vozilo.

Zadatak 5.

Na liniji JGPP rade vozila sa intervalom $i_1=4$ [min]. Za koliko će se povećati interval ako se vreme obrta poveća za 20%, a ostali uslovi prevoza ostanu isti (broj vozila, kapacitet, ...)?

Postoje III načina rešavanja ovog zadatka.

I Način

$$i = \frac{T}{N} \rightarrow N = \frac{T}{i}$$

$$\frac{T_1}{i_1} = \frac{T_2}{i_2} \rightarrow \frac{T_1}{i_1} = \frac{1.2 \cdot T_1}{i_2} \rightarrow i_2 = 1.2 \cdot i_1$$

$$i_2 = 1.2 \cdot 4 = 4.8[\text{min}]$$

II Način

$$i = \frac{T}{N} \rightarrow N = \frac{T}{i}$$

$$\frac{T_1}{N_1} = \frac{T_1 + dT}{N_2} \rightarrow \frac{T_1}{i_1} = \frac{T_1 + dT}{i_2} \rightarrow i_2 = i_1 \cdot \left(1 + \frac{dT}{T_1}\right)$$

$$i_2 = i_1 \cdot \left(1 + \frac{dT}{T_1}\right)$$

III Način

$$4: 0.8 = 100: x$$

$$x = \frac{0.8 \cdot 100}{4}$$

$$x = 20[\%]$$

Zadatak 6.

Na liniji JGPP rade vozila sa vremenom obrta $T=40$ [min]. Ako se vreme obrta poveća za 25 % za koliko će opasti kapacitet linije, ako su ostali uslovi prevoza isti (merodavni protok, kapacitet vozila i komfor putnika)?

$$C_1 = \frac{N_1}{T_1} m_1; C_2 = \frac{N_2}{T_2} m_2$$

$$N_1 = N_2; m_1 = m_2$$

$$N_2 = \frac{C_2 \cdot T_2}{m_2} \rightarrow C_1 \cdot T_1 = C_2 \cdot T_2$$

$$T_2 = 1.25 \cdot T_1$$

I Način

$$C = f \cdot m = \frac{N}{T} m = \frac{60}{i} m$$

$$\begin{cases} N_1 = N_2 \\ m_1 = m_2 \end{cases} \rightarrow C = \frac{N}{T} m \rightarrow N \cdot m = C \cdot T$$

$$C_1 \cdot T_1 = C_2 \cdot T_2 \rightarrow C_2 = \frac{C_1 \cdot T_1}{T_2} = C_1 \cdot \frac{T_1}{1.25 \cdot T_1}$$

$$C_2 = 0.8 \cdot C_1$$

Rešenje:

Kapacitet linije opašće za 20 %.

Način II

$$\frac{C_1}{C_2} = \frac{T_1}{T_2} \rightarrow C_1 = C_2 \left(\frac{T_1 + dT}{T_1} \right)$$

$$C_1 = C_2 \left(1 + \frac{dT}{T_1} \right) \rightarrow C_1 = C_2 \left(1 + \frac{0.25 \cdot T_1}{T_1} \right)$$

$$C_1 = 1.25 \cdot C_2$$

$$C_2 = \frac{C_1}{1.25} \rightarrow C_2 = 0.8 \rightarrow dC = -20[\%]$$

Zadatak 7.

U gradskom saobraćaju funkcionišu dve linije koje se delimično preklapaju. Dinamički elementi linije su: $T_1=40$ [min], $N_1=8$ [voz], $T_2=60$ [min], $N_2=10$ [voz]. Naći interval na zajedničkom delu trase.

$$T_1 = 40[\text{min}] = \frac{40}{60}[\text{h}] \quad f_1 = \frac{N_1}{T_1} = \frac{8 \cdot 60}{40} = 12 \left[\frac{\text{voz}}{\text{h}} \right]$$

$$T_2 = 60[\text{min}] = \frac{60}{60}[\text{h}] \quad f_2 = \frac{N_2}{T_2} = \frac{8 \cdot 60}{60} = 10 \left[\frac{\text{voz}}{\text{h}} \right]$$

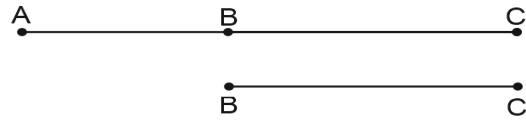
[Interval vozila na zajedničkom delu trase više linija JP računa se preko frekvencije vozila na zajedničkom delu trase.]

$$f_z = f_1 + f_2 = 12 + 10 \rightarrow f_z = 22 \left[\frac{\text{voz}}{\text{h}} \right]$$

$$i_z = \frac{60}{f_z} = \frac{60}{22} \rightarrow i_z = 2.73[\text{min}]$$

Zadatak 8.

Zbog izražene neravnomernosti opterećenja na trasi ABC radi pored direktnе, kao dopuna i jedna lokalna linija na deonici BC tako da na liniji ABC saobraća $N_1=6$ [voz], sa vremenom obrta $T_1=54$ [min], a na deonici BC $N_2=4$ [voz], sa vremenom obrta $T_2=36$ [min]. Kolika se prevozna sposobnost (kapacitet) linije realizuje na deonici AB, a koliko na deonici BC linije? Karakteristiku kapacitet – prevozne sposobnosti linije na trasi ABC prikazati i grafički. Kapacitet vozila na obe linije je $m_1=m_2=100$ [mesta].



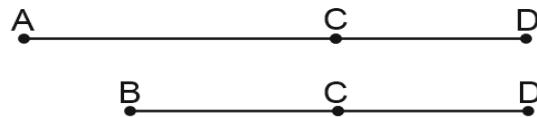
$$C_{AB} = f \cdot m = \frac{N_1}{T_1} m_1 = \frac{6}{54} 100 \cdot 60 \rightarrow C_{AB} = 666.67 \left[\frac{\text{mesta}}{h} \right]$$

$$C_{BC} = (f_1 + f_2) \cdot m_1 = \left(\frac{N_1}{T_1} + \frac{N_2}{T_2} \right) m_1 = \left(\frac{6}{54} + \frac{4}{36} \right) 100 \cdot 60 \rightarrow C_{BC} = 1\,333.33 \left[\frac{\text{mesta}}{h} \right]$$

Zadatak 9.

NA gradskoj mreži funkcionišu dve linije ACD i BCD koje se delimično preklapaju.

- a) Ako se na liniji ACD realizuje interval od $i_1=4$ [min] a na drugoj BCD $i_2=6$ [min], koliki je interval na zajedničkoj deonici svih linija?
- b) Ako na liniji ACD rade vozila kapaciteta $m_1=100$ [mesta/voz] a na liniji BCD vozila kapaciteta $m_2=160$ [mesta/voz]. Koliko su kapaciteti linija i kapacitet na zajedničkoj deonici?



a)

$$f_1 = \frac{60}{i_1} = \frac{60}{4} = 15 \left[\frac{\text{voz}}{h} \right]$$

$$f_2 = \frac{60}{i_2} = \frac{60}{6} = 10 \left[\frac{\text{voz}}{h} \right]$$

$$f_z = f_1 + f_2 = 25 \left[\frac{\text{voz}}{h} \right]$$

$$i_z = \frac{60}{f_z} = \frac{60}{25} = 2.4 [\text{min}]$$

$$C_{ACD} = f_1 \cdot m_1 = 15 \cdot 100 = 1\,500 \left[\frac{\text{mesta}}{h} \right]$$

$$C_{BCD} = f_2 \cdot m_2 = 10 \cdot 160 = 1\,600 \left[\frac{\text{mesta}}{h} \right]$$

$$C_{CD} = C_{ACD} + C_{BCD} = 1\,500 + 1\,600$$

$$C_{CD} = 3\,100 \left[\frac{\text{mesta}}{h} \right]$$

Zadatak 10.

Na gradskoj liniji JP sa $n_1=n_2=15$ stanica, dužine $L=7$ [km], realizovana je prevoyna brzina $V_p=20$ [km/h] i saobraćajna brzina $V_s=30$ [km/h] i stajanje na terminusima koje je iznosilo $1/5$ vremena prevoza. Potrebno je izračunati:

- Koliko je bilo realizovano vreme i brzina obrta?
- Koliko je bilo prosečno zadržavanje na jednom terminusu?
- Koliko je bilo prosečno zadržavanje na stanicama?

a)

$$T_o = \sum t_{sm}^V + \sum t_{sm}^{\check{c}} + \sum t_{sm}^t$$

$$T_P = \sum t_{sm}^V + \sum t_{sm}^{\check{c}}$$

$$T_P = \frac{2L}{V_p}$$

$$V_p = \frac{\sum_{sm} L_{s-m}}{\sum t_{sm}^V + \sum t_{sm}^{\check{c}}}$$

$$T_P = \frac{2 \cdot 7}{20} 60 = 42[min]$$

$$T_o = T_P + \frac{1}{5} T_P \rightarrow T_o = \frac{6}{5} T_P = \frac{6}{5} 42 = 50.4[min] \sim 50 [min]$$

b)

$$t_t = \frac{\sum t_{sm}^t}{n_t} = \frac{\frac{1}{5} T_P}{2} = \frac{42}{10}$$

$$t_t = 4.2[min]$$

Napomena: n_t – broj terminusa. Postoje dva terminusa, prvi i poslednji.

c)

$$\sum_{sm} t_{sm}^V = \frac{2L}{V_s} = \frac{2 \cdot 7}{30} 60 = 28[min]$$

$$T_o = \sum t_{sm}^V + \sum t_{sm}^{\check{c}} + \sum t_{sm}^t$$

$$\sum t_{sm}^{\check{c}} = T_o - \sum t_{sm}^V - \sum t_{sm}^t = 50 - 28 - \frac{1}{5} 4.2$$

$$\sum t_{sm}^{\check{c}} = 13.6[min]$$

Ukupan broj stanica na liniji:

$$n = n_1 + n_2 - 2 = 15 + 15 - 2 = 28[\text{stanica}]$$

$$t_{\check{c}} = \frac{\sum t_{sm}^{\check{c}}}{n} = \frac{13.6}{28}$$

$$t_{\check{c}} = 0.5[\text{min}]$$

Zadatak 11.

Na liniji JP sa $n_1=n_2=15$ stanica, dužine 9 [km], realizovano je vreme obrta $T=91$ [min] i zadržavanje na terminusima koje je bilo $t_t=1/6$ vremena prevoza. Ako se na liniji ukine svaka druga stanica, prema proračunu doći će do povećanja saobraćajne brzine za oko 60 % i prosečnog vremena zadržavanja na stanicama za 20 %. Kakvi se efekti ovakve izmene u organizaciji funkcionisanja linije mogu očekivati?

- a) Koliko ce biti novo vreme obrta?
- b) Za koliko bi se, sa istim brojem vozila i ostalim uslovima prevoza, povećao kapacitet linije?
- c) Sa koliko manje vozila bi mogao da se obezbedi isti kapacitet linije kao u prethodnom slučaju?

Uslovi su (ako se ukine svaka druga linija):

$$V'_{S2} = 1.6V_{S1}$$

$$t_{2sm}^{\check{c}} = 1.2t_{1sm}^{\check{c}}$$

a)

$$T_{o1} = T_{P1} + \frac{1}{6}T_{P1} \rightarrow T_{o1} = \frac{7}{6}T_{P1} \rightarrow T_{P1} = \frac{6}{7}T_{o1}$$

$$T_{P1} = 78[\text{min}]$$

$$\begin{aligned} \sum t_{1sm}^V &= \frac{2L_1}{V_{S1}} \\ \sum t_{2sm}^V &= \frac{2L_2}{V_{S2}} \end{aligned} \left. \begin{aligned} L_1 &= L_2 \rightarrow V_{S1} \sum t_{1sm}^V = V_{S2} \sum t_{2sm}^V \\ V_{S1} \sum t_{1sm}^V &= 1.6 \cdot V_{S1} \sum t_{2sm}^V \end{aligned} \right.$$

$$[V_{S2} = 1.6V_{S1}]$$

$$\sum t_{1sm}^V = 1.6 \sum t_{2sm}^V$$

$$\left. \begin{aligned} t_{1sm}^{\check{c}} &= \frac{\sum t_{1sm}^{\check{c}}}{n_1} \rightarrow \frac{\sum t_{1sm}^{\check{c}}}{2.14} \\ t_{2sm}^{\check{c}} &= \frac{\sum t_{2sm}^{\check{c}}}{n_2} \rightarrow \frac{\sum t_{2sm}^{\check{c}}}{2.14} \end{aligned} \right\} 14 = 14 \rightarrow \begin{cases} n'_1 = 15 + 15 - 2 = 28 \\ n'_2 = 8 + 8 - 2 = 14 \end{cases}$$

$$\frac{\sum t_{1sm}^{\check{c}}}{2t_{1sm}^{\check{c}}} = \frac{\sum t_{2sm}^{\check{c}}}{t_{2sm}^{\check{c}}} \leftrightarrow t_{2sm}^{\check{c}} \sum t_{1sm}^{\check{c}} = 2t_{1sm}^{\check{c}} \sum t_{2sm}^{\check{c}}$$

$$1.2 t_{1sm}^{\check{c}} \sum t_{1sm}^{\check{c}} = 2 t_{1sm}^{\check{c}} \sum t_{2sm}^{\check{c}}$$

$$\sum t_{1sm}^{\check{c}} = 1.67 \sum t_{2sm}^{\check{c}}$$

$$T_{P1} = 1.6 \sum t_{2sm}^{\check{c}} + 1.67 \sum t_{2sm}^{\check{c}}$$

$$T_{P2} = 1.635 T_{P1} \rightarrow T_{P2} = \frac{78}{1.635} \rightarrow T_{P2} = 47.71[min]$$

$$T_{o2} = \sum t_{2sm}^{\check{c}} + \sum t_{2sm}^{\check{c}} + \frac{1}{6} T_{P2}$$

$$T_{o2} = \frac{7}{6} T_{P2} = \frac{7}{6} 47.71 = 55.66[min]$$

$$\left. \begin{aligned} C_1 &= \frac{N_1}{T_1} m_1 \cdot 60 \leftrightarrow C_1 T_1 = N_1 \cdot m_1 \cdot 60 \\ C_2 &= \frac{N_2}{T_2} m_2 \cdot 60 \leftrightarrow C_2 T_2 = N_2 \cdot m_2 \cdot 60 \end{aligned} \right\} \text{za: } \begin{cases} N_1 = N_2 \\ m_1 = m_2 \\ C_1 T_1 = C_2 T_2 \end{cases}$$

Iz a):

$$C_2 = C_1 \frac{T_1}{T_2} = C_1 \frac{91}{55.66} \rightarrow C_2 = 1.64 C_1$$

Rešenje: Kapacitet C_2 biće veći za 64 %.

v)

$$\left. \begin{aligned} C_1 &= \frac{N_1}{T_1} m_1 \cdot 60 \leftrightarrow C_1 T_1 = N_1 \cdot m_1 \cdot 60 \\ C_2 &= \frac{N_2}{T_2} m_2 \cdot 60 \leftrightarrow C_2 T_2 = N_2 \cdot m_2 \cdot 60 \end{aligned} \right\} \text{za: } \begin{cases} m_1 = m_2 \\ C_1 = C_2 \end{cases}$$

$$\frac{T_1}{N_1} = \frac{T_2}{N_2} \rightarrow N_2 = \frac{T_2}{T_1} N_1 = \frac{55.66}{91} N_1$$

$$N_2 = 0.61 N_1$$

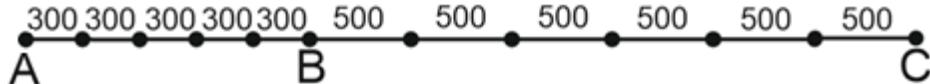
Rešenje: Broj vozila bi morao da se smanji za 39%.

Zadatak 12.

Gradska linija JGPP ABC, sastoje se od $S_1=5$ stanica na deonici [AB] i $S_2=7$ stanica na deonici [BC]. Prosečna međustanična rastojanja u oba smera na deonici AB $L_1=300$ [m], a na deonici BC su $L_2=500$ [m].

- Ako je prosečno zadržavanje na stanicama i saobraćajna brzina na deonici AB: $t_{\check{c}1}=30$ [sec] i $V_{s1}=15$ [km/h] a na deonici BC: $t_{\check{c}2}=20$ [sec] i $V_{s2}=20$ [km/h] a zadržavanje na terminusima $t_1=t_2=6$ [min]. Koliko će vreme obrta biti na toj liniji?
- Ako se na toj liniji organizuje funkcionisanje dve linije direktna na liniji ABC i lokalna na deonici AB, koliko će vreme obrta biti na lokalnoj liniji, ako zadržavanje na stanicama ostane isto, a zadržavanje na terminusima lokalne linije bude $t_{tA}=t_{tB}=3$ [min].

a)



$$T_o = \sum t_{sm1}^V + \sum t_{sm2}^V + \sum t_{sm}^t$$

$$L_1 = (S_1 - 1) \cdot 300 = 4 \cdot 300 = 1.2[\text{km}]$$

$$L_2 = S_2 \cdot 500 = 7 \cdot 500 = 3.5 [\text{km}]$$

$$\sum t_{sm}^t = 6[\text{min}]$$

$$\sum t_{sm1}^{\check{c}} = (n - 1)t_{\check{c}1} = 4 \frac{40}{60} = 2[\text{min}]$$

$$\sum t_{sm2}^{\check{c}} = n \cdot t_{\check{c}2} = 7 \frac{20}{60} = 2.3[\text{min}]$$

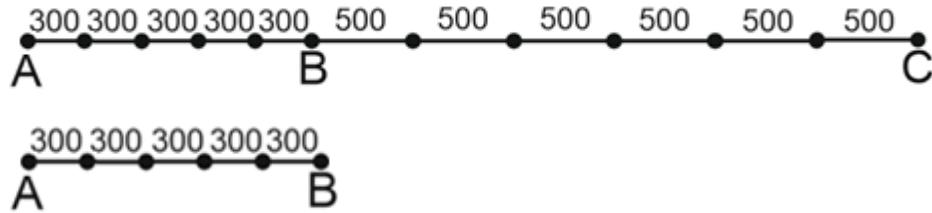
$$\sum t_{v1} = \frac{2L}{V_{s1}} = \frac{2 \cdot 1.2}{15} 60 = 9.6[\text{min}]$$

$$\sum t_{v2} = \frac{2L}{V_{s2}} = \frac{2 \cdot 3.5}{20} 60 = 21[\text{min}]$$

$$T_o = \sum t_{sm}^t + 2 \sum t_{sm1}^{\check{c}} + 2 \sum t_{sm2}^{\check{c}} + \sum t_{sm1}^V + \sum t_{sm2}^V$$

$$T_o = 12 + 4 + 4.66 + 9.6 + 21 = 51.26[\text{min}] \sim 52[\text{min}]$$

b)



AB:

$$\sum t_{sm}^t = \frac{2 \cdot 1.2 \cdot 60}{15} = 9.6[min]$$

$$\sum t_{sm}^c = (n_1 + n_2 - 2) \frac{t_{c1}}{60} = 4 [min]$$

$$T_{AB} = \sum t_{sm}^v + \sum t_{sm}^t + \sum t_{sm}^c = 9.6 + 6 + 4$$

$$T_{AB} = 19.6[min] \sim 20[min]$$

Zadatak 13.

Na liniji JGPP radi $N_1=12[\text{voz}]$, kapaciteta $m_1=100[\text{mesta}]$ i intervalom od $i_1=5[\text{min}]$.

- Koliko bi vozila kapaciteta $m_2=160[\text{mesta}]$ trebalo da radi na liniji da se zadrže isti uslovi – parametri kvaliteta prevoza (kapacitet linije, brzina, komfor,...). Koliki bi u tom slučaju bio interval?
- Koliko vozila kapaciteta $m_2=160[\text{mesta/voz}]$ bi trebalo da radi na liniji, ako se pritom smanji brzina za 10%, a ostalu uslovi prevoza ostanu isti?

Ostali uslovi prevoza:

$$\begin{bmatrix} C_1 = C_2 \\ V_1 = V_2 \\ K_{ik1} = K_{ik2} \end{bmatrix}$$

Napomena:

Ako je ostala ista brzina i ako je ostao isti pređeni put, onda je i vreme obrta ostalo isto!

$$\left. \begin{array}{l} C_1 = \frac{N_1}{T_1} m_1 \\ C_2 = \frac{N_2}{T_2} m_2 \end{array} \right\} C_1 = C_2 \rightarrow \frac{N_1}{T_1} m_1 = \frac{N_2}{T_2} m_2 \rightarrow N_2 = \frac{T_2}{T_1} N_1 \frac{m_1}{m_2}$$

$$N_2 = N_1 \frac{m_1}{m_2} = 12 \frac{100}{160} = 7.5$$

$$N_2 = 8 \text{ [voz]}$$

$$i_2 = \frac{T_2}{N_2} = \frac{60}{7.5} = 8 \text{ [min]}$$

c) Ostali uslovi isti:

d)

$$\begin{bmatrix} C_1 = C_2 \\ L_1 = L_2 \\ T_{o1} = T_{o2} \end{bmatrix}$$

$$V_{o2} = 0.9 V_{o1}$$

$$\left. \begin{array}{l} C_1 = m_1 \cdot f_1 = m_1 \frac{N_1}{T_1} \\ C_2 = m_2 \cdot f_2 = m_2 \frac{N_2}{T_2} \end{array} \right\} C_1 = C_2; T_1 = \frac{2L}{V_{o1}}; T_2 = \frac{2L}{V_{o2}}$$

$$m_1 \frac{N_1}{T_1} = m_2 \frac{N_2}{T_2} \rightarrow \frac{m_1 N_1}{m_2 N_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{m_1 N_1}{m_2 N_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{\frac{2L}{V_{o1}}}{\frac{2L}{V_{o2}}} = \frac{V_{o2}}{V_{o1}}$$

$$\frac{m_1 N_1}{m_2 N_2} = \frac{0.9 V_{o1}}{V_{o1}} \rightarrow N_2 = \frac{m_1}{m_2} N_1 \frac{1}{0.9}$$

$$N_2 = \frac{100 \cdot 12}{160 \cdot 0.9} = 8.33$$

$$N_2 = 8 \text{ [voz]}$$

Zadatak 14.

Na gradskoj liniji dužine $L=8$ [km], na kojoj saobraćaju standardni autobusi kapaciteta $m=100$ [mesta/voz] i postiže se brzina obrta od $V_o=16$ [km/h] u času vršnog opterećenja se realizuje kapacitet linije od $C=1\ 000$ [mesta/h]. Na liniji je izražena neravnomernost protoka putnika duž linije koja iznosi $n_p=2.6$ što ima za posledicu nepovoljno iskorišćenje prevozne sposobnosti od $k_i=0.4$ i iskorišćenje vozila na karakterističnoj deonici linije. Na liniju treba uvesti u rad zglobna vozila kapaciteta $m=160$ [mesta/voz], tako da se obezbedi vrednost koeficijenta iskorišćenja mesta na karakterističnoj deonici linije (komfor putnika) od 0.8. Potrebno je izračunati:

- Broj autobusa i koeficijent iskorišćenja mesta na karakterističnoj deonici linije za prethodne uslove rada,
- Broj zglobnih autobusa za izmenjene uslove rada.

a)

$$C = f \cdot m = \frac{N}{T} m \rightarrow N = \frac{C \cdot T}{m}$$

$$N_1 = \frac{C_1 \cdot T_1}{m_1} = \frac{C_1 \cdot 2 \cdot L}{V_{o1} \cdot m_1} = \frac{1\ 000 \cdot 2 \cdot 8}{16 \cdot 100} = 10 \text{ [voz]}$$

$$k_i = \frac{NTR}{BTR} = \frac{\sum_{sm} \sum_s Z_{sm,s}}{C \cdot \sum L_{sm}} \rightarrow k_i = \frac{\bar{Z}}{C}$$

$$\bar{Z} = k_i \cdot C$$

$$n_{psm} = \frac{\max\{Z_{sm,s}\}}{\bar{Z}} = \frac{\max\{Z_{sm,s}\}}{K_i \cdot C}$$

$$\rightarrow \max\{Z_{sm,s}\} = n_p \cdot K_i \cdot C$$

$$K_{ik} = n_p \cdot K_i = 0.4 \cdot 2.6$$

$$K_{ik} = 1.04$$

$$[Z_{mer} = C] = \left[\bar{Z} = \frac{\sum_{sm} \sum_s \sum_{sm,s} l_{sm,s}}{\sum L_{sm}} \right]$$

$$\begin{bmatrix} \bar{Z}_{sm} - \text{srednja vrednost protoka po smeru} \\ \bar{Z} - \text{srednja vrednost protoka po linija} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} n_{psm} = \frac{\max\{Z_{sm,s}\}}{\bar{Z}} - \text{koef. neravnomernosti po smeru} \\ n_p = \frac{Z_{max}}{\bar{Z}} - \text{koef. neravnomernosti po liniji} \end{bmatrix}$$

$$\left[K_{ik} = \frac{\max\{Z_{sm,s}\}}{C} \right]$$

$$\begin{aligned} N_1 &= \frac{C_1 \cdot T_1}{m_1} \\ N_1 &= \frac{C_1 \cdot T_1}{m_1} \end{aligned} \left. \begin{aligned} C_1 &= C_2 \rightarrow \frac{N_2}{N_1} = \frac{C_2 \cdot T_2}{C_1 \cdot T_1} \cdot \frac{m_1}{m_2} \end{aligned} \right\}$$

Poznato je:

$$\begin{aligned} C &= \frac{\max\{Z_{sm,s}\}}{K_{ik}} \\ \rightarrow \frac{N_2}{N_1} &= \frac{K_{ik1} \cdot T_2}{K_{ik2} \cdot T_1} \cdot \frac{m_1}{m_2} \leftrightarrow N_2 = N_1 \frac{m_1 \cdot K_{ik1}}{m_2 \cdot K_{ik2}} \\ N_2 &= 10 \frac{100 \cdot 1.04}{160 \cdot 0.8} \rightarrow N_2 = 8.128 \\ N_2 &= 8 \text{ [voz]} \end{aligned}$$

Osnovni statistički pokazatelji transportne mreže

1. Za primer na dat na slici 1 izračunati:
 1. Broj stanica na liniji (n_i),
 2. Broj međustaničnih rastojanja na liniji (d_i),
 3. Broj zajedničkih stanica za k linija (n_z^k),
 4. Broj zajedničkih međustaničnih rastojanja za k linija (d_z^k),
 5. Ukupan broj stanica na transportnoj mreži (n_m) i
 6. Broj međustaničnih rastojanja na mreži (d_m).

Rešenje:

$$L_1: 1 - 3 - 4 - 6 - 8$$

$$L_2: 2 - 3 - 4 - 6 - 7$$

$$L_3: 1 - 3 - 4 - 5$$

1. Broj stanica na liniji (n_i),

$$n_1 = 5; \quad n_2 = 5; \quad n_3 = 4$$

2. Broj međustaničnih rastojanja na liniji (d_i),

$$d_1 = 4; \quad d_2 = 4; \quad d_3 = 3$$

3. Broj zajedničkih stanica za k linija (n_z^k),

$$n_z^{(2)} = 2 - \text{broj zajedničkih stanica za dve linije (1 i 6)}$$

$$n_z^{(3)} = 2 - \text{broj zajedničkih stanica za tri linije (3 i 4)}$$

4. Broj zajedničkih međustaničnih rastojanja za k linija (d_z^k),

$$d_z^{(2)} = 2$$

$$d_z^{(3)} = 1$$

5. Ukupan broj stanica na transportnoj mreži (n_m)

$$n_m = (5 + 5 + 4) - ((2 - 1) \cdot 2 + (3 - 1) \cdot 2) = 8$$

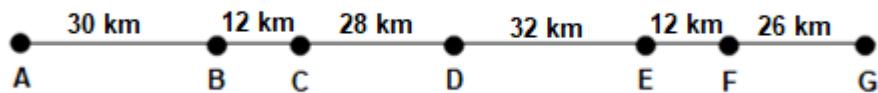
6. Broj međustaničnih rastojanja na mreži (d_m).

$$d = (4 + 4 + 3) - ((2 - 1) \cdot 2 + (3 - 1) \cdot 1) = 7$$

Ispitni zadaci

ZADATAK 1.

U periodu od nedelju dana potrebno je organizovati prevoz putnika prema dатoj matrici putovanja. Prevoz se obavlja autobusima koji imaju 50+2 mesta. Dnevno radno vreme linije je 15 časova i 20 minuta, dok je dnevno radno vreme autobusa $H_r = 12$ h u toku dana. Prvi polazak autobusa, bez obzira na smer kretanja je u 6 h. Ulazak putnika u autobus je ravnomeran u toku dana. U posmatranom vremenskom periodu ne postoji neravnomernost u tokovima putnika. Srednja saobraćajna brzina na prevoznom putu je $V_s = 40$ km/h. Vremena stajanja na terminalima i vreme ulaska i izlaska putnika iznose 60 minuta po obrtu. Koeficijent tehničke ispravnosti autobusa je 0.8. Sva tehnički ispravna vozila nalaze se na radu. U terminalima (A i G) je obezbeđeno garažiranje vozila. Rastojanja između pojedinih mesta data su na skici.



ZA \ IZ	A	B	C	D	E	F	G
A	420	595	455	210	280	350	
B	1750	420	420	665	350	1050	
C	700	525	350	595	560	630	
D	630	490	380	350	350	700	
E	595	420	245	350	840	140	
F	490	350	210	630	700	1050	
G	350	245	140	350	560	420	

Potrebno je odrediti:

- Broj prevezenih putnika i broj ulazaka i izlazaka putnika po mestima i smerovima kretanja.
- Potreban radni i inventarski vozni park.
- Interval između vozila u skladu sa radnim vremenom autobusa i linije.
- Izmeritelje rada voznog parka: $\alpha, \alpha', \rho, \delta, \omega, \gamma, k_{st\lambda}, k_{st1}, k_{sd}, V_e, V_s$.
- Ostvaren transportni rad po relacijama i proizvodnost voznog parka W_u, W'_u, W_p, W'_p .

Rešenje:

1. Prevezeni putnici u toku nedelje

		A	B	C	D	E	F	G	IZLAZ
	IZ UL	-	420	1015	1225	1820	2380	3920	10780
A	-		420	595	455	210	280	350	2310
B	1750	1750		420	420	665	350	1050	2905
C	1225	700	525		350	595	560	630	2135
D	1400	630	490	280		350	350	700	1400
E	1610	595	420	245	350		840	140	980
F	2380	490	350	210	630	700		1050	1050
G	2065	350	245	140	350	560	420		10780
ULAZ	10430	4515	2030	875	1330	1260	420	10430	21210

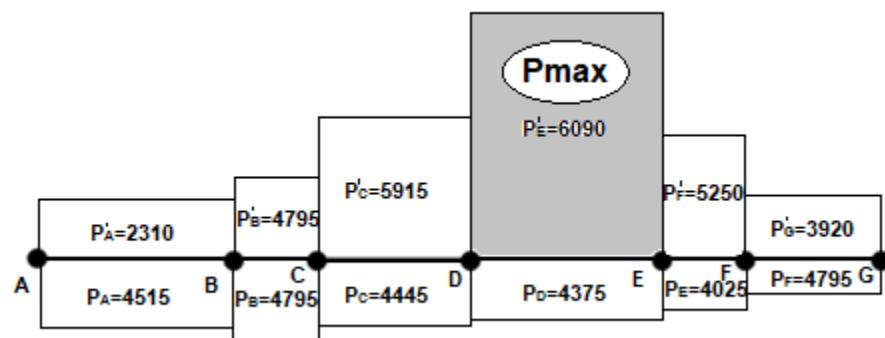
2. Potrebe za prevozom u toku dana

		A	B	C	D	E	F	G	IZLAZ
	IZ UL	-	60	145	175	260	340	560	1540
A	-		60	85	65	30	40	50	330
B	1750	250		60	60	95	50	150	415
C	1225	100	75		50	85	80	90	305
D	1400	90	70	40		50	50	100	200
E	1610	85	60	35	50		120	20	140
F	2380	70	50	30	90	100		150	150
G	2065	50	35	20	50	80	60		1540
ULAZ	10430	645	290	125	190	180	60	1490	3030

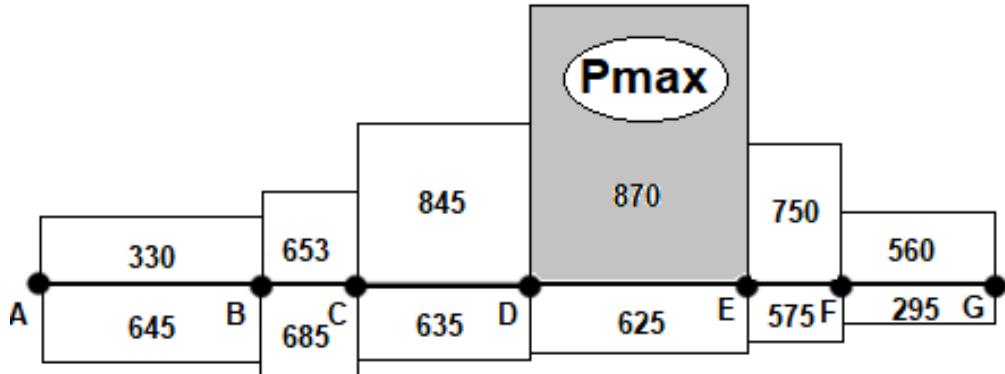
U toku dana potrebno je prevesti $P_d = 3030$ putnika!

3. Tokovi putnika

3.1. Tokovi putnika u toku nedelje



3.2. Tokovi putnika u toku dana



4. Potreban broj vožnji sa putnicima u toku dana

$$Z_\lambda = \frac{P_{max}}{P} = \frac{870}{50} = 18 \left[\frac{\text{vožnji}}{\text{danu}} \right]$$

5. Vreme trajanja obrta

$$T_o = 2 \frac{L_{GA}}{V_s} 60 + t_{do} = 2 \frac{140}{40} 60 + 60$$

$$T_o = 480 \text{ [min]} = 8 \text{ [h]}$$

6. Broj vožnji jednog vozila u toku dana

$$Z_{o1d} = \frac{H_r}{T_o} = \frac{12}{8} = 1.5$$

7. Potreban broj autobusa na radu

$$A_r = \frac{Z_{\lambda d}}{Z_{o1d}} = \frac{18}{1.5} = 12 \text{ [vozila]}$$

8. Potreban inventarski vozni park

$$A_i = \frac{A_r}{\alpha_t} = \frac{12}{0.8} = 15 \text{ [vozila]}$$

9. Autodani

$$AD_i = A_i \cdot D_i = 15 \cdot 7 = 105 \text{ [autodana]}$$

$$AD_r = A_r \cdot D_r = 12 \cdot 7 = 84 \text{ [autodana]}$$

$$AD_s = AD_i \cdot \alpha_t = 105 \cdot 0.8 = 84 \text{ [autodana]}$$

10. Koeficijent iskorišćenja voznog parka

$$\alpha = \frac{AD_r}{AD_i} = \frac{84}{105} = 0.8$$

11. Koeficijent iskorišćenja sposobnog voznog parka

$$\alpha' = \frac{AD_r}{AD_s} = \frac{84}{84} = 1$$

12. Autočasovi na radu

$$AH_r = H_r \cdot A_r \cdot D_r = 12 \cdot 12 \cdot 7 = 1008 \text{ [h]}$$

13. Autočasovi provedeni u vožnji

$$AH_w = Z_{o1d} \cdot t_{wo} \cdot AD_r = 1.5 \cdot 7 \cdot 84 = 882 \text{ [h]}$$

14. Koeficijent iskorišćenja radnog vremena u 24 h

$$\rho = \frac{AH_r}{24AD_r} = \frac{1008}{24 \cdot 84} = 0.5000$$

15. Koeficijent iskorišćenja radnog vremena

$$\delta = \frac{AH_w}{AH_r} = \frac{882}{1008} = 0.8750$$

16. Autokilometri

$$AK_t = 2 \cdot L_{GA} \cdot Z_{o1d} \cdot A_r \cdot D_r = 2 \cdot 140 \cdot 1.5 \cdot 12 \cdot 7 = 35280 \text{ [autokilometara]}$$

$$AK_t = AK = 35280 \text{ [autokilometara]}$$

$$AK_n = 0$$

17. Koeficijent iskorišćenja pređenog puta

$$\beta = \frac{AK_t}{AK} = \frac{35280}{35280} = 1$$

18. Koeficijent nultog pređenog puta

$$\omega = \frac{AK_n}{AK} = \frac{0}{35280} = 0$$

19. Ekspolataciona brzina

$$V_e = \frac{AK}{AH_r} = \frac{35280}{1008} = 35 \left[\frac{km}{h} \right]$$

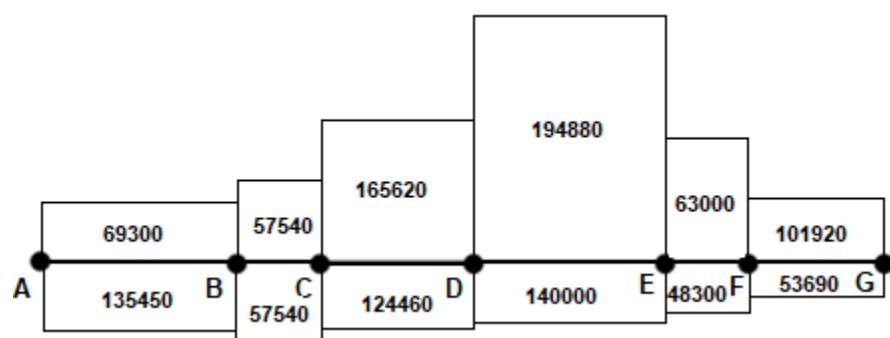
20. Srednja saobraćana brzina

$$V_s = \frac{AK}{AH_w} = \frac{35280}{882} = 40 \left[\frac{km}{h} \right]$$

21. Srednja dnevna kilometraža

$$K_{sd} = \frac{AK}{AD_r} = \frac{35280}{84} = 420 [km]$$

22. Ostvaren ukupan transportni rad



$$\begin{aligned}
U_{AG} &= L_{AB} \cdot P_{AB} + L_{BC} \cdot P_{BC} + L_{CD} \cdot P_{CD} + L_{DE} \cdot P_{DE} + L_{EF} \cdot P_{EF} + L_{FG} \cdot P_{FG} \\
U_{GA} &= L_{GF} \cdot P_{GF} + L_{FE} \cdot P_{FE} + L_{ED} \cdot P_{ED} + L_{DC} \cdot P_{DC} + L_{CB} \cdot P_{CB} + L_{BA} \cdot P_{BA} \\
U &= U_{AG} + U_{GA} = 559440 + 652260 = 1211700 [pkm]
\end{aligned}$$

23. Srednje rastojanje prevoza 1 putnika

$$K_{sp1} = \frac{U}{P} = \frac{1211700}{21210} = 57.13 [km]$$

24. Ostvaren broj vožnji sa putnicima

$$A_{z\lambda} = 2(n - 1)Z_{\lambda d} \cdot D_r = 2(7 - 1)18 \cdot 7 = 1512 [vožnji]$$

25. Srednja dužina jedne vožnje sa putnicima

$$K_{st\lambda} = \frac{AK_t}{A_{z\lambda}} = \frac{35280}{1512} = 23.33 [km]$$

26. Koeficijent dinamičkog iskorišćenja korisne nosivosti

$$\varepsilon = \frac{U}{pAK_t} = \frac{1211700}{50 \cdot 35 \cdot 280} = 0.6869$$

27. Interval između vozila

$$i = \frac{H_r}{Z_{\lambda d}} 60 = \frac{12}{18} 60 = 40 [min]$$

28. Radna proizvodnost

$$W_p' = \frac{P}{AH_r} = \frac{21120}{1008} = 21.042 \left[\frac{p}{hr} \right]$$

$$W_U' = \frac{U}{AH_r} = \frac{1211700}{1008} = 1202.08 \left[\frac{pkm}{hr} \right]$$

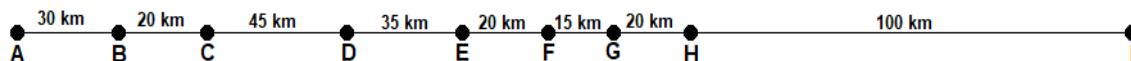
29. Puna proizvodnost

$$W_p = \frac{P}{24AD_i} = \frac{21120}{24 \cdot 105} = 8.417 \left[\frac{p}{hi} \right]$$

$$W_U = \frac{U}{24AD_i} = \frac{1211700}{24 \cdot 105} = 480.83 \left[\frac{pkm}{hi} \right]$$

ZADATAK 2.

U periodu od 10 dana potrebno je organizovati prevoz putnika prema dатoj matrici putovanja. Prevoz se obavlja autobusima koji imaju 50+2 mesta. Dnevno radno vreme linije je 15 časova i 20 minuta, dok je dnevno radno vreme autobusa $Hr = 16$ h. Prvi polazak autobusa, bez obzira na smer kretanja je u 6 h. Ulazak putnika u autobus je ravnomeran u toku dana. U posmatranom vremenskom periodu ne postoji neravnomernost u tokovima putnika. Srednja saobraćajna brzina na prevoznom putu je $V_s = 45$ km/h. Vremena stajanja na terminalima i vreme ulaska i izlaska putnika iznose 3h po jednom obrtu. Koeficijent tehničke ispravnosti autobusa je 0.833. Sva tehnički ispravna vozila nalaze se na radu. Rastojanja između pojedinih mesta data su na skici.



IZ ZA	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	320	500	400	120	100	80	180	200	
B	1500	280	400	150	100	180	90	200	
C	600	370	120	70	90	110	120	50	
D	600	300	200	100	130	280	140	80	
E	250	600	300	50	80	70	90	40	
F	180	200	180	170	120	200	100	90	
G	200	320	210	200	100	50	110	20	
H	170	250	180	120	130	70	20		200
I	150	300	120	200	110	100	180	90	

Potrebno je odrediti:

1. Broj prevezenih putnika i broj ulazaka i izlazaka putnika po mestima i smerovima kretanja.
2. Potreban radni i inventarski vozni park.
3. Interval između vozila u skladu sa radnim vremenom autobusa i linije.
4. Izmeritelje rada vozog parka: $\alpha, \alpha', \rho, \delta, \omega, \gamma, k_{st\lambda}, k_{st1}, k_{sd}, V_e, V_s$.
5. Ostvaren transportni rad po relacijama i proizvodnost vozog parka W_u, W'_u, W_p, W'_p .

Rešenje:

1. Prevezeni putnici u toku nedelje

		A	B	C	D	E	F	G	H	I	IZLAZ
	IZ UL	-	320	780	920	440	500	920	830	880	5590
A	-	320	500	400	120	100	80	180	200	1900	
B	1500	1500	280	400	150	100	180	90	200	1400	
C	970	600	370	120	70	90	110	120	50	560	
D	1100	600	300	200	100	130	280	140	80	730	
E	1200	250	600	300	50	80	70	90	40	280	
F	850	180	200	180	170	120	200	100	90	390	
G	1080	200	320	210	200	100	50	110	20	130	
H	940	170	250	180	120	130	70	20	200	200	
I	1250	150	300	120	200	110	100	180	90	5590	
ULAZ	8890	3650	2340	1190	740	460	220	200	90	8890	14480

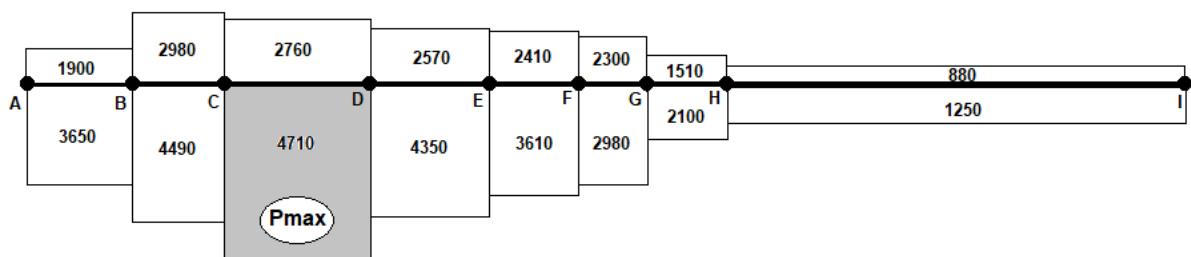
2. Potrebe za prevozom u toku dana

		A	B	C	D	E	F	G	H	I	IZLAZ
	IZ UL	-	32	78	92	44	50	92	83	88	559
A	-		32	50	40	12	10	8	18	20	190
B	150	150		28	40	15	10	18	9	20	140
C	97	60	37		12	7	9	11	12	5	56
D	110	60	30	20		10	13	28	14	8	73
E	120	25	60	30	5		8	7	9	4	28
F	85	18	20	18	17	12		20	10	9	39
G	108	20	32	21	20	10	5		11	2	13
H	94	17	25	18	12	13	7	2		20	20
I	125	15	30	12	20	11	10	18	9		559
ULAZ	889	365	234	119	74	46	22	20	9	889	1448

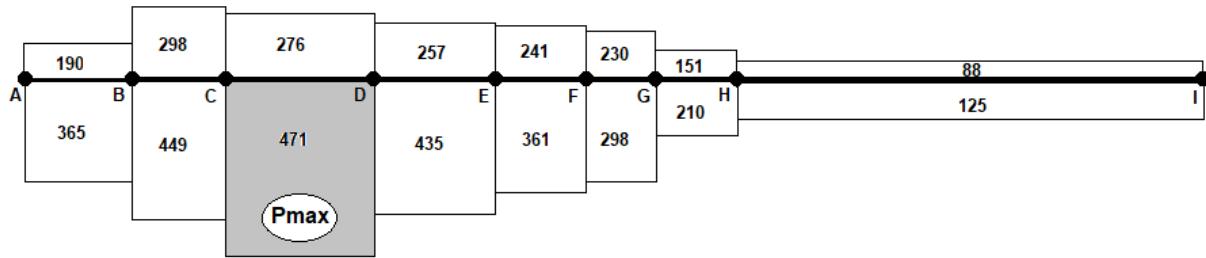
U toku dana potrebno je prevesti $P_d = 3030$ putnika!

3. Tokovi putnika

3.1. Tokovi putnika u toku nedelje



3.2. Tokovi putnika u toku dana



4. Potreban broj vožnji sa putnicima u toku dana

$$Z_\lambda = \frac{P_{maxd}}{P} = \frac{471}{50} = 9.42 = 10 \left[\frac{\text{vožnji}}{\text{danu}} \right]$$

5. Vreme trajanja obrta

$$T_o = 2 \frac{L_{AI}}{V_s} 60 + t_{do} = 2 \frac{285}{45} + 3$$

$$\begin{aligned} T_o &= 15.67 \text{ [h]} \\ t_{wo} &= 12.67 \text{ [h]} \end{aligned}$$

6. Broj vožnji jednog vozila u toku dana

$$Z_{o1d} = \frac{H_r}{T_o} = \frac{16}{15.67} = 1.02 = 1 \left[\frac{\text{obrt}}{\text{danu}} \right]$$

7. Potreban broj autobusa na radu

$$A_r = \frac{Z_{\lambda d}}{Z_{o1d}} = \frac{10}{1.02} = 9.8 = 10 \text{ [vozila]}$$

8. Potreban inventarski vozni park

$$A_i = \frac{A_r}{\alpha_t} = \frac{10}{0.833} = 12 \text{ [vozila]}$$

9. Autodani

$$AD_i = A_i \cdot D_i = 12 \cdot 10 = 120 \text{ [autodana]}$$

$$AD_r = A_r \cdot D_r = 10 \cdot 10 = 100 \text{ [autodana]}$$

$$AD_s = AD_i \cdot \alpha_t = 120 \cdot 0.833 = 100 \text{ [autodana]}$$

10. Koeficijent iskorišćenja vozog parka

$$\alpha = \frac{AD_r}{AD_i} = \frac{100}{120} = 0.833$$

11. Koeficijent iskorišćenja sposobnog vozog parka

$$\alpha' = \frac{AD_r}{AD_s} = \frac{100}{100} = 1$$

12. Autočasovi na radu

$$AH_r = H_r \cdot A_r \cdot D_r = 16 \cdot 10 \cdot 10 = 1600 [h]$$

13. Autočasovi provedeni u vožnji

$$AH_w = Z_{o1d} \cdot t_{wo} \cdot AD_r = 1 \cdot 12.67 \cdot 100 = 1267 [h]$$

14. Koeficijent iskorišćenja radnog vremena u 24 h

$$\rho = \frac{AH_r}{24AD_r} = \frac{1600}{24 \cdot 100} = 0.6667$$

15. Koeficijent iskorišćenja radnog vremena

$$\delta = \frac{AH_w}{AH_r} = \frac{1267}{1600} = 0.8000$$

16. Autokilometri

$$AK_t = 2 \cdot L_{AI} \cdot Z_{o1d} \cdot A_r \cdot D_r = 2 \cdot 285 \cdot 1 \cdot 10 \cdot 10 = 57000 [\text{autokilometara}]$$

$$AK_t = AK = 57000 [\text{autokilometara}]$$

$$AK_n = 0$$

17. Koeficijent iskorišćenja pređenog puta

$$\beta = \frac{AK_t}{AK} = \frac{57000}{57000} = 1$$

18. Koeficijent nultog pređenog puta

$$\omega = \frac{AK_n}{AK} = \frac{0}{57000} = 0$$

19. Ekspolataciona brzina

$$V_e = \frac{AK}{AH_r} = \frac{57000}{1600} = 35.6 \left[\frac{km}{h} \right]$$

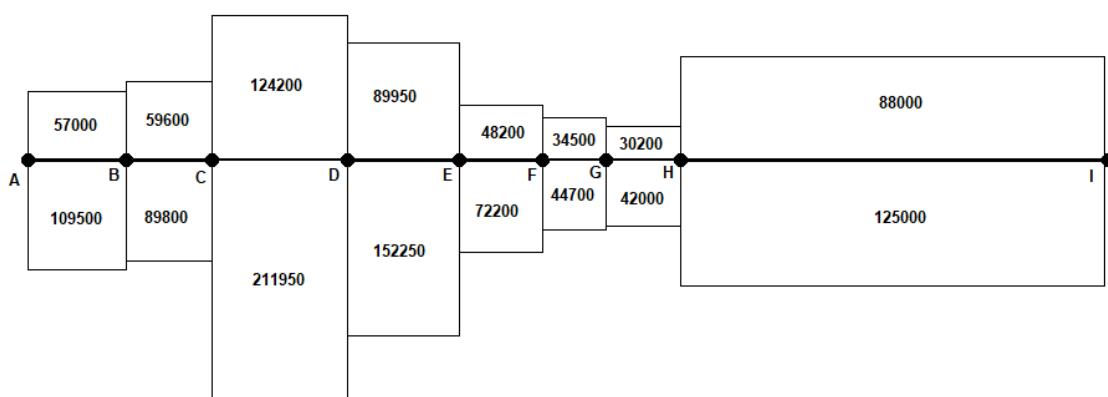
20. Srednja saobraćajna brzina

$$V_s = \frac{AK}{AH_w} = \frac{57000}{1267} = 45 \left[\frac{km}{h} \right]$$

21. Srednja dnevna kilometraža

$$K_{sd} = \frac{AK}{AD_r} = \frac{57000}{100} = 570 [km]$$

22. Ostvaren ukupan transportni rad



$$U_{AI} = L_{AB} \cdot P_{AB} + L_{BC} \cdot P_{BC} + L_{CD} \cdot P_{CD} + L_{DE} \cdot P_{DE} + L_{EF} \cdot P_{EF} + L_{FG} \cdot P_{FG} + L_{GH} \cdot P_{GH} \\ + L_{HI} \cdot P_{HI}$$

$$U_{IA} = L_{IH} \cdot P_{IH} + L_{HG} \cdot P_{HG} + L_{GF} \cdot P_{GF} + L_{FE} \cdot P_{FE} + L_{ED} \cdot P_{ED} + L_{DC} \cdot P_{DC} + L_{CB} \cdot P_{CB} \\ + L_{BA} \cdot P_{BA}$$

$$U = U_{AI} + U_{IA} = 531650 + 847000 = 1137050 [pkm]$$

23. Srednje rastojanje prevoza 1 putnika

$$K_{sp1} = \frac{U}{P} = \frac{1137050}{14480} = 95.94 [km]$$

24. Ostvaren broj vožnji sa putnicima

$$A_{z\lambda} = 2(n - 1)Z_{\lambda d} \cdot D_r = 2(9 - 1)10 \cdot 10 = 1600 [vožnji]$$

25. Srednja dužina jedne vožnje sa putnicima

$$K_{st\lambda} = \frac{AK_t}{A_{z\lambda}} = \frac{57000}{1600} = 35.6 [km]$$

26. Koeficijent dinamičkog iskorišćenja korisne nosivosti

$$\varepsilon = \frac{U}{pAK_t} = \frac{1137050}{50 \cdot 57000} = 0.3989$$

27. Interval između vozila

$$i = \frac{H_r}{Z_{\lambda d}} 60 = \frac{16}{10} 60 = 96 [min]$$

28. Radna proizvodnost

$$W_p = \frac{P}{AH_r} = \frac{14480}{1600} = 9 \left[\frac{p}{hr} \right]$$

$$W'_p = \frac{U}{AH_r} = \frac{1137050}{1600} = 710.66 \left[\frac{pkm}{hr} \right]$$

29. Puna proizvodnost

$$W_p = \frac{P}{24AD_i} = \frac{14480}{24 \cdot 120} = 5.02 \left[\frac{p}{hi} \right]$$

$$W_U = \frac{U}{24AD_i} = \frac{1137050}{24 \cdot 120} = 394.8 \left[\frac{pkm}{hi} \right]$$